トピックス

ガラスにならない Er₂O₃ 液体が持つ特異構造

小山千尋

宇宙航空研究開発機構きぼう利用センター 〒305-8505 茨城県つくば市千現 2-1-1

小原真司

物質•材料研究機構先端材料解析拠点 〒679-5148 兵庫県佐用郡佐用町光都 1-1-1

田原周太

琉球大学理学部 〒903-0213 沖縄県中頭郡西原町字千原1

小野寺陽平

京都大学複合原子力科学研究所 〒590-0494 大阪府泉南郡熊取町朝代西 2-1010

石川毅彦

宇宙航空研究開発機構宇宙科学研究所 〒305-8505 茨城県つくば市千現 2-1-1

要旨 酸化エルビウム(Er₂O₃)液体は、ガラスにならないことが知られている液体のひとつであるが、高融点(2686 K) ゆえに、その構造を調べることは困難であった。この問題を解決すべく、高温液体状態を無容器で維持できる、国際宇宙ステーション日本実験棟「きぼう」に搭載されている静電浮遊炉と大型放射光施設 SPring-8の高エネルギー X線回折ビームライン BL04B2 に設置されているガス浮遊炉を利用した。実験により得られた Er₂O₃液体の密度および X線回折パターンを基に分子動力学法と逆モンテカルロシミュレーションを組み合わせた手法により、構造解析を行った。その結果、Er₂O₃液体は、歪んだ OEr₄ テトラクラスターをはじめとする多様な多面体から構成され、極めて原子の充填率が高く、液体であるにもかかわらず高い周期性を有することが明らかになった。また、Er₂O₃液体の三次元構造を先端数学に基づいたパーシステントホモロジー法を利用して解析したところ、Er₂O₃液体には Er₂O₃ 結晶と位相幾何学的に相似の構造が存在することが示唆された。

1. はじめに

ガラスは古来より作られ続けている機能材料の一つであ り、現代では容器や建材といった身の回りのものから、光 学レンズ, 光ファイバー, レーザーといった情報通信に必 要不可欠な製品の材料まで、様々な用途に利用されてい る。これらのガラスは、通常、原料を融解後、急冷するこ とで合成されるが、どのような物質でもガラスになるわけ ではない。ガラスになる液体とガラスにならない液体で は、原子配列に違いがあることが以前から指摘されてお り、その違いを原子・電子レベルで明らかにできれば、ガ ラス形成の本質が明確になり、新しいガラス材料の開発や 合成方法の発見につながることが期待される。そのため、 液体の構造に関する実験的・理論的な研究は数多く行わ れ, 放射光・中性子回折実験技術の進歩やコンピューター の飛躍的な性能向上により、ガラスになる液体の構造の理 解が進んでいる^{1,2)}。これに対して、本グループは、ガラ スにならない液体の構造を明らかにすることで、ガラス形 成の本質に迫ることができると考えた。そこで、ガラスに ならない物質のひとつである酸化エルビウム(Er₂O₃)を 選択し、その液体の原子配列の解析を試み、さらに二体相 関に潜んだ液体のトポロジーの抽出を試みた。

構造解析には、マクロの情報である密度とミクロの情報 であるX線回折データを取得する必要がある。ところが Er_2O_3 の融点は2686 K と酸化物の中でも特に高いため、 従来の容器を用いた手法では、容器との反応や凝固が生 じ、液体状態を維持することが困難であった。この問題を 解決するため,宇宙と地上で二つの実験を行った。宇宙で は、国際宇宙ステーション日本実験棟「きぼう」に搭載さ れ、本グループが開発した静電浮遊炉3)を用いて密度計測 を行った。きぼうでは、微小な静電気力で液体の浮遊位置 を維持できるため、試料への擾乱が少なく、液体は真球に なる為、体積を正確に測定することにより正確な密度が求 められる。一方,地上ではSPring-8の高エネルギーX線 回折ビームライン BL04B2 において,ガス浮遊炉4)を非晶 質物質用の回折計にインストールし, 高温液体状態の回折 データの取得を試みた。ここでも, 無容器であることから 容器からの回折の影響がない高精度のデータが取得でき た。得られた宇宙と地上の実験データと、分子動力学 (MD) 法と逆モンテカルロ (RMC) 法を組み合わせた MD-RMC シミュレーションにより実験データを忠実に再 現する Er₂O₃の原子配置を構築し、さらに液体のトポロ ジカルな特徴を浮き彫りにするために、パーシステントホ モロジー解析⁵⁾を実施した。本稿では、先行研究で得られ た酸化物液体の構造と併せて、Er₂O₃液体構造解析結果⁶⁾ の一端を紹介する。

2. 実験手法

2.1 密度測定

Er₂O₃液体の密度は、国際宇宙ステーション日本実験棟「きぼう」に搭載されている静電浮遊炉(ELF, Fig. 1a)を利用した³⁾。静電浮遊炉は、帯電させた試料と周囲の電極間に生じるクーロン力を利用して高温液体を無容器で浮遊維持する装置である。他の浮遊法に比べて、位置制御力が試料に与える擾乱が少ない為、密度や粘性といった熱物性値測定に適している。さらに宇宙ステーションの微小重力環境を利用することで、微小な静電気力で浮遊維持が可能になり、帯電量が少なく、地上では困難であった酸化物液体も浮遊させることができる。また、溶融試料は真球形状となるため、試料の画像から容易に体積を測定し密度が決定できる。従って本研究では、ELFを採用し、以下の手順で計測を行った。

微小重力環境下で浮遊する試料(20-30 mg)を四方向 から照射される半導体レーザー(出力:40 W,波長:980 nm)で加熱した。常時,試料が焦点位置に定まるように 静電気力を利用して位置制御しながらレーザー溶融した。 試料の温度は放射温度計(波長:1.45-1.8 µm)により測 定し,急冷凝固時の復熱後の温度を融点として温度校正し た。試料の撮影は,自己発光が強いため,紫外光を背景光 とし,CCDカメラにハイパスフィルターを挿入して試料 の影を紫外光領域で撮影した(Fig.1b)。カメラのピクセ ル当たりの長さ補正には,直径 2 mm の SUS 製ベアリン グ球を用いて,画像から得られた体積(試料半径から計算) と実験後,地上で測定された重量から密度を算出した。

2.2 高エネルギー放射光 X 線回折

Er₂O₃液体のX線回折測定は,SPring-8のビームラインBL04B2⁷⁾に設置されたガス浮遊炉⁴⁾を利用した(Fig.
2)。ガス浮遊法は,円錐形ノズルから噴出するガスで試料



Fig. 1 (Color online) (a) Schematic diagram of the electrostatic levitation furnace $(ELF^{3)}).$ (b) A levitated liquid Er_2O_3 droplet.

を浮遊させる手法であり、本実験では、炭酸ガスレーザー と組み合わせることで試料を浮遊溶融させた。温度は二色 放射温度計で測定され、重元素を含む液体の回折パターン を透過法で計測するために113 keV の高エネルギーX 線 を用いた。回折X 線は、Ge 検出器により測定した。また 実験機器からのバックグラウンドは、検出器の遮蔽とビー ムストップの適切な調整により低減させた。測定で得られ た回折データを偏光、吸収、バックグラウンド補正するこ とで、構造因子S(Q) を得て、フーリエ変換することで 全相関関数T(r) を得た。

2.3 分子動力学-逆モンテカルロ(MD-RMC)シミュ レーション

 Er_2O_3 液体の原子配置は、MD-RMC シミュレーション により、5000個の粒子を用いて、実験で得られたS(Q)を再現するように決定された。MD シミュレーションで は、以下のクーロン相互作用と反発の項で表わせられる Born-Mayer 型の二体ポテンシャルを用いた。

$$U_{ij}(r) = \frac{e^2}{4\pi\varepsilon_0} \frac{Z_i Z_j}{r} + B_{ij} \exp\left(-\frac{r}{\rho_{ij}}\right),\tag{1}$$

ここでrは原子間距離, Zは有効電荷 ($Z_{Er} = 2.1, Z_{O} = -1.4$), Bは反発係数 ($B_{ErO} = 3771 \text{ eV}, B_{OO} = 390 \text{ eV}$), eは電荷素量, ϵ_0 は真空における誘電率, ρ はソフトネス係 数 ($\rho_{ErO} = 0.28 \text{ Å}, \rho_{OO} = 0.36 \text{ Å}$) を表す。ここで Er-Er 相関は長距離ではたらくクーロン反発項だけを取り入れ, 短距離項は省いた。

シミュレーションは2000個の Er 原子と3000個の O 原 子をランダムに配置して周期境界条件を用いて実行した。 セルの体積は、融点における Er_2O_3 液体の密度から決定 し、長距離クーロン相互作用は、Ewald 法により計算し た。時間ステップは 1 fs とし Verlet のアルゴリズム⁸⁾で 粒子を動かした。系の温度は初めに、4000 K で20,000ス



Fig. 2 (Color online) Schematic illustration of the aerodynamic levitation furnace for synchrotron X-ray diffraction measurement.



Fig. 3 (Color online) Persistence diagram (PD) for typical point sets.

テップ維持し,その後2923 K まで20,000ステップかけて 冷却した。さらに同じ温度で150,000ステップ,アニール 後,RMC シミュレーションを実行した⁹⁾。

2.4 パーシステントホモロジー解析5)

液体構造のトポロジーは MD-RMC シミュレーション で得られた原子配置から計算したパーシステンスダイアグ ラム (PD) を解析することで得た。トポロジーは、図形 の連結性、穴、リング構造、空隙といった特徴に着目する 数学の一分野であり、PD は、それらの特徴を視覚的に顕 わにし、従来の幾何学的な手法では得られないホモロジー を抽出することができる。

PDにおける入力データは点集合データであり、本研究 においては MD-RMC シミュレーションで得られた各原 子座標に対応する。PDは **Fig.3**に示したような、以下の 過程で得られる。初めに、各原子を中心とした半径rの球 を配置する。次に $r \ge 0$ から増大させ、球同士がつながり リング C_i が生まれた時の $r \ge t$ 成半径とし、 C_i が消えた 時の $r \ge i$ 減半径とする。そして、独立な C_i 、i=1, ..., Kについて、二次元ヒストグラム上に各 C_i の生成半径と消 減半径をプロットして、PD 図を構築する。生成半径はリ ング C_i の原子間距離に関する情報を持ち、消滅半径はリ ングの大きさに関する情報を持ち、消滅半径はリ ングの大きさに関する情報を与えることができる。本 研究では、液体及び結晶での Er と 0 の PD を 個別に HomCloud パッケージ¹⁰を用いて導出した。

実験結果と考察

Fig. 4に ELF で浮遊溶融した Er₂O₃液体の密度を示 す。測定された密度は,以下の式でフィッティングされ,

$$\rho(T) = \rho_m [1 - \alpha(T - T_m)] (\text{kg m}^{-3}), \qquad (2)$$

融点 $T_{\rm m}$ (2686 K) における密度 $\rho_{\rm m}$ は8170 kg m⁻³, 熱膨 張率 α は 1.0×10⁻⁴ K⁻¹, 測定の不確かさは約 2%となっ た。

次に実験から得られた Er₂O₃, SiO₂¹¹⁾, Al₂O₃¹²⁾, ZrO₂¹³⁾



Fig. 4 Density of liquid Er_2O_3 (melting point: 2686 K)⁶).

液体の構造因子 S(Q)と、 Er_2O_3 液体の MD-RMC シミュ レーションによって得られた原子配置から計算した S(Q)を Fig. 5a に示す。散乱ベクトル Qは、 r_{A-X} (多面体の中 心と頂点間距離)を乗じてスケーリングした。実験より得 られた Er_2O_3 の S(Q)は、ELF で測定された密度を用い た MD-RMC シミュレーションによってよく再現された。 $Qr_{A-X} = 2.6$ では容易にガラス化する SiO₂のみに中距離秩 序の存在を示す、first sharp diffraction peak (FSDP)¹⁴⁾が 観測された。また、 $Qr_{A-X} = 4.5$ 付近で ZrO₂ と Er_2O_3 の両 方のデータに principal peak (PP)¹⁴⁾が観測された。一方、 Al₂O₃ は FSDP と PP の間に小さなピークを生じ、Al₂O₃ の構造がガラス化する SiO₂ とガラス化しない ZrO₂/Er₂O₃ の中間¹⁵⁾であることを示唆している。

構造因子 S(Q)をフーリエ変換することにより得られた 全相関関数 T(r)を Fig. 5b に示す。約2.2 Å に観測された 第一ピークは, Er-O 間距離に相当し, ~3 Å までのテー ルを引くピーク形状は,液体中で歪んだ ErO_n 多面体が形 成されていることを示唆している。3.7 Å に観測された第 二ピークは主に Er-Er 相関であり,O-O 相関のピークは X 線の重みが小さいため不明瞭である。また,2.2 Å の Er-O 間距離と 2.1 Å の Zr-O 間距離は,イオン半径の違 いにより,Si-O 間距離(2373 K で1.63 Å) と Al-O 間距 離(2400 K で1.78 Å) よりも長い。Er-O と Zr-O の液相



Fig. 5 (Color online) (a) Total structure factors, S(Q) and (b) total correlation functions, T(r) of liquid SiO₂¹¹, Al₂O₃¹², ZrO₂¹³, and Er₂O₃⁶.

におけるカチオン-酸素間距離の増加は, Er-O間距離 (2.2 Å)または Zr-O 間距離(2.1 Å)がそれぞれ酸素の イオン半径(1.35 Å)と6 配位のエルビウム(0.89 Å)ま たはジルコニウム(0.72 Å)の和に近いため,カチオンの 周りの酸素配位数が4よりも大きいことを示唆してい る。したがって, Er₂O₃とZrO₂の骨格構造は,大きな酸 素配位数を持つ多面体ユニットが相互に連結した密な構造 であり,SiO₂やAl₂O₃の構造とは大きく異なっている。 この挙動は,Fig.5aの $Qr_{A-X} \sim 4.5$ で観測されたピーク が,酸化物ガラスやガラスになる液体において中距離構造 の象徴であるFSDPではないという事実と一致してい る。したがって, Er₂O₃とZrO₂は,極めて密に原子が充 填された構造であるために,SiO₂のような空隙越しに原 子が配列することで形成される中距離秩序は存在しないと 考えられる。

 $ZrO_2 \ge Er_2O_3$ の X 線回折データに FSDP が存在しない ことは、カチオンと酸素の両方が密に充填されていること を示唆している。これを実空間で確認するために、 Er_2O_3 液体の部分二体分布関数 $g_{ij}(r)$ を SiO₂ 液体のものと比較 した(Fig. 6)。原子間距離 rは、 r_{A-X} で割ることによって スケーリングされている。 Er_2O_3 液体の A-A 間の距離お よび X-X 間の距離は、SiO₂ 液体よりもはるかに短いこと がわかり、 Er_2O_3 液体は、Fig. 7 に示される OEr₄ テトラク ラスターネットワークから構成される極めて原子の充填率 が高い歪んだ構造である。このような充填率の高いネット ワーク構造は Al₂O₃ や ZrO₂ 液体には見られず、 Er_2O_3 の 非常に鋭い PP は高い周期性を持つテトラクラスターネッ トワーク形成の特異的な特徴であることを示唆している。

次に ZrO₂ と Er₂O₃ の PP に着目すると, ZrO₂ の PP の FWHM は0.766 であるのに対し, Er₂O₃ が0.429と特にシ ャープである。この Er₂O₃ の非常に鋭い PP の起源を明ら かにするために,液体と結晶の角度分布を計算した(Fig. 8)。O-Er-O と Er-O-Er の角度分布については,液体 データと結晶データの間に顕著な違いが見られた。O-Er-



Fig. 6 (Color online) Partial pair-distribution functions, $g_{ij}(r)$ of liquid Er_2O_3 and SiO_2^{-6} .



Fig. 7 (Color online) OEr_4 tetracluster network in liquid $Er_2O_3^{6}$.

O-角度分布は80°と140°に2つのピークを示し, ErO₆多 面体が液体中で大きく歪んでいることを示唆している。も う一つの興味深い特徴は, Er-O-Erの角度分布が90°付近 にピークを持つことに加えて, 180°付近にもピークを持 つことである。この2つのピークは, 歪んだ OEr₄ テトラ クラスターネットワークが形成されたことを示している が, 結晶相ではテトラクラスターの対称性がはるかに良



Fig. 8 (Color online) Bond angle distributions for liquid Er_2O_3 (Black; liquid, Red; crystal)⁶.



Fig. 9 (Color online) Persistence diagrams of (a) Er and (b) O in $Er_2O_3^{6}$.

い。これは、OEr₄ テトラクラスターを形成する原子の配 位がより八面体的であり、液体中でも原子配列の乱れに対 する耐性があることから非常にシャープな PP を生み出し ていることを示唆している。

結晶と液体のトポロジーの類似性を明らかにするため に、両者のPD解析を実施した。Fig.9に示されるよう に、結晶と液体においてPDの類似性が見て取れる。SiO₂ 液体のようなガラス化する液体では、ロバストな大きくて 対称性の良いリングが存在し、様々な半径で消滅するため、 Death軸に沿った縦長のプロファイルが見られる¹⁶⁾。一方、

 Er_2O_3 液体における Er の PD と O の PD はともに,プロ ファイルの寿命が短い。これは,小さいあるいはいびつな 形をしたリングの形成を意味し,結晶と液体が, OEr_4 テ トラクラスターの形成に関連した非常に高密度に充填され た構造を有することを示している。さらに, Er_2O_3 液体に は、位相幾何学的に結晶と相似の構造が存在する事を示唆 しており、これがガラス化を妨げる要因であると結論づけ られた。

4. まとめ

ELFによる密度計測および SPring-8 での放射光 X線 回折実験から得られた実験データと、MD-RMC シミュ レーションより、 Er_2O_3 液体の三次元構造を導出し、その PD 解析を実施した。これより、 Er_2O_3 液体は、歪んだ OEr₄ クラスターから構成され、充填率が高く、高い周期 性を有する構造であることが明らかになった。また PD 解 析から、 Er_2O_3 液体には Er_2O_3 結晶と位相幾何学的に相似 の構造が存在することを示唆する結果が得られた。今後も 宇宙での熱物性測定と放射光実験を併用することにより、 高温液体構造の解明を進め、ガラス形成の謎を明らかにし ていく必要がある。

謝辞

本研究における放射光実験は,SPring-8のビームライ ンBL04B2で実施され,高輝度光科学研究センター 尾原 幸治博士,弘前大学 増野敦信博士,函館工業専門学校 水 野章敏博士,東北大学 岡田純平博士には種々のご支援を 頂きました。また密度測定実験は,国際宇宙ステーション 日本実験棟「きぼう」で,地上管制員,宇宙飛行士のご支 援を受けながら実施されました。さらにトポロジー解析で は,理化学研究所 大林一平博士,京都大学 平岡裕章博士 にご支援を頂きました。

本研究は、科学技術振興機構個人型研究(さきがけ) 「理論・実験・計算科学とデータ科学が連携・融合した先 進的マテリアルズインフォマティクスのための基盤技術の 構築」(JPMJPR15N4),科学技術振興機構のイノベーシ ョンハブ構築支援事業「情報統合型物質・材料 開発イニ シアティブ (MI²I)」,TIA かけはし(TK19-004)の支 援を受けて実施されました。

参考文献

- 1) G. N. Greaves and S. Sen: Adv. Phys. 56, 1 (2007).
- P. S. Salmon and A. Zeidler: Phys. Chem. Chem. Phys. 15, 15286 (2013).
- 3) H. Tamaru et al.: Microgravity Sci. Technol. 30, 643 (2018).
- 4) S. Kohara, K. Ohara, T. Ishikawa, H. Tamaru and J. K. R. Weber: Quantum Beam Sci. 2, 5 (2018).
- 5) Y. Hiraoka *et al.*: Proc. Natl. Acad. Sci. U.S.A. **113**, 7035 (2016).

小山千尋

宇宙航空研究開発機構きぼう利用センター 招聘研究開発員 E-mail: koyama.chihiro@jaxa.jp 専門:熱物性測定,結晶成長 [略歴]

2015年,東北大学理学研究科化学専攻博 土課程修了,博士(理学)。2015-2017年, 東北大学金属材料研究所,博士研究員, 2017年より現職。



小原真司

物質・材料研究機構先端材料解析研究拠点 主幹研究員 E-mail: KOHARA.Shinji@nims.go.jp

e-mail: KORAKA.Simily@mins.go.jp 専門:放射光 X 線回折, トポロジカル解 析

[略歴]

1998年,東京理科大学大学院理工学研究 科工業化学専攻博士課程修了,博士(工学)。 1998-2001年,財高輝度光科学研究セン ター,協力研究員。2001-2003年,財高輝 度光科学研究センター,研究員。2003-2011年,財高輝度光科学研究センター, 副主幹研究員。2011-2015年,(公財)高 輝度光科学研究センター,主幹研究員。 2015年より現職。



田原周太 琉球大学理学部

准教授 E-mail: tahara@sci.u-ryukyu.ac.jp 専門:分子動力学,逆モンテカルロシミュ レーション

[略歴] 2007年,九州大学大学院理学府凝縮系科

学専攻修士課程修了。2007-2011年,新潟 薬科大学薬学部,助手。2011年,九州大 学大学院理学府物理学専攻博士後期課程修 了,博士(理学)。2011-2016年,琉球大 学理学部,助教。2016年より現職。

- 6) C. Koyama et al.: NPG Asia Mater 12, 43 (2020).
- K. Ohara *et al.*: Int. J. Microgravity Sci. Appl. **37**, 370202 (2020).
- 8) 岡崎進,吉井範行:コンピュータ・シミュレーションの基礎化学同人(2011).
- 9) O. Greben, P. Jóvári, L Temleitner and L. Pusztai: J. Optoelectron. Adv. Mater. 9, 3021 (2007).
- 10) https://www.wpi-aimr.tohoku.ac.jp/hiraoka_labo/hom-cloud/index.en.html
- Q. Mei, C. J. Benmore and J. K. R. Weber: Phys. Rev. Lett. 98, 057802 (2007).
- 12) L. B. Skinner et al.: Phys. Rev. B 87, 024201 (2013).
- 13) S. Kohara et al.: Nat. Commun. 5, 5892 (2014).
- 14) P. S. Salmon, R. A. Martin, P. E. Mason and G. J. Cuello: Nature 435, 75 (2005).
- 15) L. B. Skinner et al.: Phys. Rev. Lett. 112, 157801 (2014).
- 16) Y. Onodera et al.: J. Ceram. Soc. Jpn. 127, 853 (2019).



著者紹介

小野寺陽平

京都大学複合原子力科学研究所 助教

E-mail: y-onodera@rri.kyoto-u.ac.jp 専門:中性子散乱,非晶質構造解析 **[略歴]**

2011年,京都大学大学院工学研究科博士 後期課程修了,博士(工学)。2011-2012 年,京都大学産官学連携本部,特定研究員。 2012-2018年,京都大学原子炉実験所,助 教。2018年より現職。

石川毅彦

宇宙航空研究開発機構宇宙科学研究所 教授

E-mail: Takehiko.ishikawa@jaxa.jp 専門:熱物性計測,制御工学

[略歴]

1987年,東京大学大学院工学系研究科修 士課程修了。1987年宇宙開発事業団。 2002年,東京工業大学大学院総合理工学 研究科博士課程修了,博士(工学)。2003 年宇宙航空研究開発機構宇宙科学研究所,

准教授。2010年より現職。

Structure of high-temperature nonglass-forming Er_2O_3 liquid

Chihiro KOYAN	Human Spaceflight Technology Directorate, Japan Aerospace Exploration Agency, Tsukuba 305–8505, Japan
Shinji KOHARA	Research Center for Advanced Measurement and Characterization, National Institute for Materials Science, Sayo-gun, Hyogo 679–5148, Japan
Shuta TAHARA	Department of Physics and Earth Sciences, Faculty of Science, University of the Ryukyus, Nakagami-gun, Okinawa 903–0213, Japan
Yohei ONODER	Institute for Integrated Radiation and Nuclear Science, Kyoto University, Sennan-gun, Osaka 590–0494, Japan.
Takehiko ISHIK	WA Institute of Space and Astronautical Science, Japan Aerospace Exploration Agency, Tsukuba 305–8505, Japan.
Abstract Liquid E difficult ic levitat furnace the dens namics-r	v_3 is a representative nonglass-forming liquid and investigations of the structure are ing to its high melting point (2686 K). To reveal the structure, we used an electrostat- of furnace (ELF) onboard the International Space Station and an aerodynamic levitation the high-energy X-ray diffraction beamline BL04B2 of SPring-8. Using the furnaces, es and diffraction data were measured. We also performed a combined molecular dy- erse Monte Carlo simulation and applied topological analyses to atomic configuration

rise to long periodicity corresponding to the sharp diffraction peak in the liquid. The persistent homology analyses suggest that liquid Er_2O_3 is homologically similar to the crystalline phase.

to understand homology in the liquid. The simulation indicated that the structure of liquid Er_2O_3 comprises distorted OEr_4 tetraclusters in nearly linear arrangements. This structural feature gives